

Part :- A

[50]

$$(1) \quad 3\sin^{-1}\frac{1}{2} + 4\cos^{-1}\frac{\sqrt{3}}{2} + \sec^{-1}(1) = \dots\dots\dots$$

- (A) $\frac{11\pi}{6}$ (B) $\frac{7\pi}{6}$ (C) $\frac{5\pi}{3}$ (D) $\frac{17\pi}{6}$

$$(2) \quad \tan^{-1}\frac{4}{5} + \tan^{-1}\frac{2}{3} = \dots\dots\dots$$

- (A) $\tan^{-1}\frac{6}{15}$ (B) $\tan^{-1}\frac{2}{23}$ (C) $\tan^{-1}\frac{22}{7}$ (D) $\tan^{-1}\frac{8}{15}$

$$(3) \quad \sin\left(3\sin^{-1}\frac{1}{3}\right) = \dots\dots\dots$$

- (A) $\frac{23}{27}$ (B) $\frac{1}{3}$ (C) $\frac{27}{23}$ (D) $\frac{2\sqrt{3}}{9}$

$$(4) \quad \sin^{-1}\left(\sin\frac{5\pi}{3}\right) \text{ જે મૂલ્ય } \dots\dots\dots \text{ હૈ.}$$

- (A) $-\frac{\pi}{3}$ (B) $\frac{5\pi}{3}$ (C) $\frac{\pi}{3}$ (D) $\frac{2\pi}{3}$

$$(5) \quad 4\sin^{-1}x + \cos^{-1}x = \pi, \text{ તો } x = \dots\dots\dots$$

- (A) $-\frac{1}{4}$ (B) $\frac{1}{4}$ (C) $-\frac{1}{2}$ (D) $\frac{1}{2}$

$$(6) \quad \sin\left(\tan^{-1}\left(\tan\frac{7\pi}{6}\right)\right) + \cos\left(\cos^{-1}\left(\cos\frac{7\pi}{3}\right)\right) = \dots\dots$$

- (A) -1 (B) 0 (C) 1 (D) $\frac{\sqrt{3}}{2}$

$$(7) \quad \cos\left[\frac{\pi}{6} + \cos^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right)\right] \text{ નું મૂલ્ય} \dots\dots\dots \text{ છે.}$$

- (A) $-\frac{\sqrt{3}}{2}$ (B) $\frac{\sqrt{3}-1}{2\sqrt{2}}$ (C) $\frac{\sqrt{5}-1}{4}$ (D) $\frac{\sqrt{3}+1}{2\sqrt{2}}$

$$(8) \quad \text{જો } \cos(2\sin^{-1} x) = \frac{1}{9}, \text{ તો } x \text{ નું મૂલ્ય} \dots\dots\dots \text{ છે.}$$

- (A) $\frac{3}{2}$ (B) $\frac{2}{3}$ (C) $\frac{1}{2}$ (D) 1

$$(9) \quad \text{જો } A = \begin{vmatrix} 5x & 10 \\ 8 & 7 \end{vmatrix} \text{ અને } |A| = 25, \text{ તો } x = \dots\dots\dots .$$

- (A) 3 (B) -3 (C) $-\frac{11}{7}$ (D) $\frac{11}{7}$

$$(10) \quad 3 \times 3 \text{ શ્રેણીક } A \text{ માટે } |3A| = \dots\dots\dots |A|$$

- (A) 3 (B) 6 (C) 9 (D) 27

$$(11) \quad \text{જો } A \text{ એ } 3 \times 3 \text{ વિસંમિત શ્રેણીક હોય, તો } |A| = \dots\dots\dots .$$

- (A) 1 (B) 0 (C) -1 (D) 3

$$(12) \quad A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \text{ અને } A^2 - kA - 5I = 0, \text{ તો } k = \dots\dots\dots .$$

- (A) 3 (B) 7 (C) 5 (D) 9

$$(13) \quad A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -2 \\ 0 & -2 & 0 \\ -2 & 0 & 0 \end{bmatrix} \text{ માટે સત્ય વિધાન છે.}$$

- (A) A^{-1} નિયમિત નથી. (B) $A = (-2) I$
 (C) $A^2 = 4I$ (D) A વિકર્ષ શ્રેણીક છે.

$$(14) \quad \text{જ્ઞાત } [2 \ x \ 1] \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 0 & 2 & 1 \\ 2 & 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ x \end{bmatrix} = O, \text{ જ્ઞાત } x = \dots \dots \dots .$$

- (A) -3 (B) 3 (C) 6 (D) -6

$$(15) \quad A = \begin{bmatrix} \cos \frac{5\pi}{6} & \sin \frac{7\pi}{6} \\ \sin \frac{7\pi}{6} & -\cos \frac{5\pi}{6} \end{bmatrix}, \text{ જ્ઞાત } A^2 = \dots \dots \dots .$$

- (A) $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$ (B) $\begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$ (C) $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$ (D) $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$

$$(16) \quad \text{જ્ઞાત } f(x) = \begin{vmatrix} 15 & 17 \\ 15x & 17x \end{vmatrix} \quad \text{જ્ઞાત } \int f(x) dx = \dots \dots \dots$$

- (A) 0 (B) $\frac{x^2}{2}$ (C) અચર (D) x

$$(17) \quad \int e^{5 \log x} (x^6 + 1)^{-1} dx = \dots \dots \dots + c.$$

- (A) $\frac{1}{x^6 + 1}$ (B) $\frac{1}{6} \log|x^6 + 1|$ (C) $\log|x^6 + 1|$ (D) $-\log(x^6 + 1)$

$$(18) \quad \int \frac{1}{3t^2 + 4} dt = A \tan^{-1}(Bt) + C \quad \text{and} \quad AB = \dots$$

- (A) $\frac{1}{3}$ (B) $\frac{1}{2}$ (C) 1 (D) $\frac{1}{4}$

$$(19) \quad \int \frac{x^3}{x-1} dx + \int \frac{1}{1-x} dx = \dots + c.$$

- (A) $\frac{x}{6}(2x^2 - 3x + 6)$ (B) $\frac{x}{6}(2x^2 + 3x + 6)$

(C) $\frac{x}{3}(2x^2 - 3x + 6)$ (D) $\frac{x}{3}(2x^2 + 3x + 6)$

$$(20) \quad \int \frac{dx}{x^2 + 4x + 13} = \dots$$

- (A) $\log(x^2 + 4x + 13) + c$

(B) $\frac{1}{3} \tan^{-1}\left(\frac{x+2}{3}\right) + c$

(C) $\log(2x+4) + c$

(D) $\frac{2x+4}{(x^2 + 4x + 13)^2} + c$

$$(21) \quad \int e^x \left\{ \frac{1 + (1+x^2) \tan^{-1} x}{1+x^2} \right\} dx = \dots + c.$$

- (A) $\frac{e^x}{1+x^2}$ (B) $x \tan^{-1} x$ (C) $\frac{x}{1+x^2}$ (D) $e^x \tan^{-1} x$

$$(22) \quad \int x e^{-x} \, dx = \dots + c.$$

- (A) $(x+1)e^{-x}$ (B) $(x-1)e^{-x}$ (C) $-(x+1)e^{-x}$ (D) $-(x-1)e^{-x}$

$$(23) \int_{-1}^1 \left(\sqrt{1+x+x^2} - \sqrt{1-x+x^2} \right) dx = \dots\dots\dots$$

- (A) -2 (B) 0 (C) 1 (D) 2

$$(24) \int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{1 - \sin 2x} dx = \dots\dots\dots$$

- (A) $\sqrt{2} + 1$ (B) $\sqrt{2} - 1$ (C) $1 - \sqrt{2}$ (D) $2\sqrt{2}$

$$(25) \int_0^4 (e^x - x) dx = \dots\dots\dots$$

- (A) e^4 (B) $e^4 - 9$ (C) $e^4 - 7$ (D) $e^4 - 8$

$$(26) \int_0^{\sqrt{2}} \sqrt{2 - x^2} dx = \dots\dots\dots$$

- (A) π (B) $\frac{\pi}{2}$ (C) $\frac{\pi}{4}$ (D) $\frac{\pi}{3}$

$$(27) \int_0^{\pi} \cos^3 3x dx = \dots\dots\dots$$

- (A) -1 (B) 0 (C) 1 (D) $\frac{1}{2}$

$$(28) (y')^2 + y = \frac{4}{(y')^2} \text{ નું પરિમાળ } \dots\dots\dots \text{ છે.}$$

- (A) 1 (B) 2 (C) 4 (D) વાખ્યાયિત નથી.

$$(29) \text{ વિકલ સમીકરણ } \frac{dy}{dx} = \frac{x+y}{1+y^2} \text{ એ } \dots\dots \text{ વિકલ સમીકરણ છે.}$$

- (A) વિયોજનીય ચલનું (B) સમપરિમાણીય (C) સુરેખ (D) દ્વિતીય ક્ષાનું

(30) સમપરિમાણ વિધેય $f(x,y) = \frac{x^5 + y^5}{x^2 + y^2}$ નું પરિમાણ છે.

- (A) 2 (B) 3 (C) 4 (D) 5

(31) વિકલ સમીકરણ $\sqrt[3]{\frac{d^3y}{dx^3}} = \sqrt{\frac{dy}{dx}}$ ની કક્ષા છે.

- (A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) અવ્યાખ્યાયિત

(32) વિકલ સમીકરણ $x \frac{dy}{dx} = y + 2$ નો સામાન્ય ઉકેલ છે.

- (A) $cx - y - 2 = 0$ (B) $cx + y + 2 = 0$ (C) $cx + y - 2 = 0$ (D) $cy + x - 2 = 0$

(33) વક્ત સંહતિ $y = a \cos(x+b)$, (a અને b સ્વેર અચળ) નું વિકલ સમીકરણ છે.

- (A) $\frac{dy}{dx} + y = 0$ (B) $\frac{d^2y}{dx^2} - y = 0$ (C) $\frac{d^2y}{dx^2} + \frac{dy}{dx} = 0$ (D) $\frac{d^2y}{dx^2} + y = 0$

(34) વિકલ સમીકરણ $\frac{dy}{dx} = y \tan x + e^x$ નો સંકલ્યકારક અવયવ છે.

- (A) $\cot x$ (B) $\sin x$ (C) $\sec x$ (D) $\cos x$

(35) $\cos x \frac{dy}{dx} = y \sin x + e^x \cos x$ વિકલ સમીકરણના સંકલ્યકારક અવયવ છે.

- (A) $e^{-\cos x}$ (B) $\cos x$ (C) $e^{\cos x}$ (D) $\sec x$

(36) વિકલ સમીકરણ $(1+x) \frac{dy}{dx} - xy = 1-x$ નો સંકલ્યકારક અવયવ છે.

- (A) xe^x (B) $1+x$ (C) $\log(1+x)$ (D) $e^{-x}(1+x)$

(37) વિકલ સમીકરણ $\left(\frac{d^2y}{dx^2}\right)^3 + 3 \frac{dy}{dx} = \sqrt{x}; x > 0$ ની કક્ષા અને પરિમાણ ક્રમશા: છે.

- (A) 2 અને 6 (B) 3 અને 2 (C) 2 અને 3 (D) 2 અને પરિમાણ અવ્યાખ્યાયિત

(38) $(2, 1, 3)$ અને $(3, 2, -1)$ માંથી પસાર થતી રેખાની દિશા છે.

- (A) $(1, 1, 4)$ (B) $(-1, -1, 4)$ (C) $(1, 1, -2)$ (D) $(-1, -1, -4)$

(39) ઉગમબિંદુમાંથી પસાર થતી અને $\frac{2\pi}{3}, \frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{3}$ માપના દિક્ખૂણાઓવાળી રેખાનું સમીકરણ થાય.

(A) $x = \frac{y}{-\sqrt{2}} = z$ (B) $\frac{x}{-1} = \frac{y}{-\sqrt{2}} = z$ (C) $x = \frac{y}{-\sqrt{2}} = -z$ (D) $x = \frac{y}{\sqrt{2}} = z$

(40) (3,4,5) અને (4,5,6) માંથી પસાર થતી રેખાની દિક્કોસાઈન છે.

(A) (1,1,1) (B) $(\sqrt{3}, \sqrt{3}, \sqrt{3})$ (C) $\left(\frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{1}{\sqrt{3}}\right)$ (D) (7,9,11)

(41) $x = k + 1, y = 2k - 1, z = 2k + 3; k \in R$ અને $\frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z-1}{-2}$ વચ્ચેના ખૂણાનું માપ છે.

(A) $\sin^{-1} \frac{4}{3}$ (B) $\cos^{-1} \frac{4}{9}$ (C) $\sin^{-1} \frac{\sqrt{5}}{3}$ (D) $\frac{\pi}{2}$

(42) જો રેખાઓ $\bar{r} = (2, 0, 3) + k(7, -a, 6), k \in R$ અને $\bar{r} = (5, 1, 2) + k(a, a, 3), k \in R$ પરસ્પર લંબ હોય તો $a = \dots$.

(A) 6 (B) -9 (C) 2 (D) -2

(43) રેખાઓ $\frac{x-1}{-3} = \frac{y-2}{2k} = \frac{z-3}{2}$ અને $\frac{x-1}{3k} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-6}{-5}$ પરસ્પર લંબ હોય તો $k = \dots$.

(A) -10 (B) $\frac{10}{7}$ (C) $-\frac{10}{7}$ (D) $-\frac{7}{10}$

(44) (2,3,4) માંથી પસાર થતી અને રેખા $\frac{x-1}{3} = \frac{2-y}{-5} = \frac{z-10}{15}$ ને સમાંતર રેખાનું સમીકરણ છે.

(A) $\bar{r} = (2+3k, 3+5k, 4+15k), k \in R$

(B) $\bar{r} = (2-3k, 3-5k, 4-15k), k \in R$

(C) $\bar{r} = (2+3k, 3-5k, 4+15k), k \in R$

(D) આ પૈકી એક પણ નહીં.

(45) (1,2,3) માંથી પસાર થતી અને $3x+4y-5z=6$ ને લંબરેખાનું સમીકરણ તો છે.

(A) $\frac{1-x}{3} = \frac{y-2}{4} = \frac{z-3}{-5}$

(B) $\frac{x-1}{3} = \frac{y-2}{4} = \frac{3-z}{5}$

(C) $\frac{x-3}{1} = \frac{y-4}{2} = \frac{z+5}{3}$

(D) $\frac{x-1}{3} = \frac{2-y}{4} = \frac{3-z}{5}$

(46) પ્રકારના પ્રશ્નો ઈષ્ટતમપણાના પ્રશ્નોમાં સમાવેશ થાય છે.

(A) ફક્ત મહત્તમ નશે

(B) ફક્ત લઘૃતમ નશે

(C) મહત્તમ નશે અને ફક્ત લઘૃતમ ખર્ચ

(D) મહત્તમ નશે, લઘૃતમ ખર્ચ કે ઓછામાં ઓછાં સંશોધનોના વપરાશ વગેરે.

(47) કોઈક મર્યાદાઓની અસમતાસંહતિથી રચતા શક્ય ઉકેલનાં શિરોબિંદુઓ $(0,15)$, $(15,15)$, $(25,25)$, $(10,35)$, $(10,0)$ છે. ધારો કે, $z=px+qy$, જ્યાં $p,q > 0$. જો z ની મહત્તમ કિમત શિરોબિંદુ $(25, 25)$ અને $(10, 35)$ બંને આગળ મળે તો p તથા q વચ્ચેનો સંબંધ છે.

(A) $3p=q$ (B) $p=2q$ (C) $2p=3q$ (D) $3p=2q$

(48) સુરેખ આયોજનના પ્રશ્નમાં આલેખ હેતુલક્ષી વિધેય

(A) અચળ હોય

(B) નું ઈષ્ટતમ મૂલ્ય શોધવાનું હોય

(C) અસમતા હોય

(D) દ્વિધાત સમીકરણ હોય

(49) સુરેખ આયોજનના પ્રશ્નનો શક્ય ઉકેલ

(A) બધી જ મર્યાદાનું સમાધાન કરે જ

(B) અમુક જ મર્યાદાઓનું સમાધાન કરે

(C) હંમેશાં શક્ય ઉકેલના પ્રદેશનું શિરોબિંદુ હોય જ

(D) હંમેશાં હેતુલક્ષી વિધેયનું ઈષ્ટતમપણાનું મૂલ્ય હોય જ

(50) સીમિત શક્ય ઉકેલના પ્રદેશનાં શિરોબિંદુઓ A (3,3), B (20,3), C (20, 10), D (18, 12), E (12, 12) છે. હેતુલક્ષી વિધેય $z=2x+3y$ ની ન્યૂનતમ કિમત

(A) 49 (B) 15 (C) 10 (D) 05

* Best of Luck *

Part :- B

[50]

SECTION :- A

[16]

O નીચે આપેલા પ્રશ્નોના માટ્યા મુજબ જવાબ આપો. (2 ગુંડા)

(1) સાબિત કરો : $\cos^{-1} \frac{12}{13} + \sin^{-1} \frac{3}{5} = \sin^{-1} \frac{56}{65}$

(2) સાબિત કરો : $\tan^{-1} \sqrt{x} = \frac{1}{2} \cos^{-1} \left[\frac{1-x}{1+x} \right], x \in [0,1]$

(3) જો કોઈ 2×2 શ્રેણિક $A = [a_{ij}]$ ના સભ્યો $a_{ij} = \frac{(i+2j)^2}{2}$ થી મળે, તો શ્રેણિક A ની રૂચના કરો.

(4) જો $A = \begin{bmatrix} 0 & a & b \\ -a & 0 & c \\ -b & -c & 0 \end{bmatrix}$, તૌ $\frac{1}{2}(A + A')$ અને $\frac{1}{2}(A - A')$ શોધો.

(5) $\int \cos 2x \cos 4x \cos 6x \, dx$ મેળવો.

(6) વિકલ સમીકરણ $\cos\left(\frac{dy}{dx}\right) = a (a \in R)$; જ્યારે $x=0$ ત્યારે $y=2$ ના વિશિષ્ટ ઉકેલ મેળવો.

(7) રેખાઓ $\frac{x+3}{3} = \frac{y-1}{5} = \frac{z+3}{4}$ અને $\frac{x+1}{1} = \frac{y-4}{1} = \frac{z-5}{2}$ વચ્ચેનો ખૂણો શોધો.

(8) $3x + 5y \leq 15, 5x + 2y \leq 10, x \geq 0, y \geq 0$ શરતોનો અધીન $Z = 5x + 3y$ નું મહત્વ મૂલ્ય શોધો.

SECTION :- B

[18]

- નીચે આપેલા પ્રશ્નોના માર્ગયા મુજબ જવાબ આપો. (૩ ગુણ)

(9) $\tan^{-1}\left(\frac{\cos x}{1-\sin x}\right), -\frac{\pi}{2} < x < \frac{\pi}{2}$ નું સાહું રૂપ આપો.

(10) જે $A = \begin{bmatrix} 0 & -\tan\frac{\alpha}{2} \\ \tan\frac{\alpha}{2} & 0 \end{bmatrix}$ અને I એ 2 કક્ષાવાળો એકમ શ્રેણિક હોય, તો સાબિત કરો કે

$$I + A = (I - A) \begin{bmatrix} \cos \alpha & -\sin \alpha \\ \sin \alpha & \cos \alpha \end{bmatrix}.$$

(11) $\int \frac{(3\sin\phi - 2)\cos\phi}{5 - \cos^2\phi - 4\sin\phi} d\phi$ મેળવો.

(12) $\left\{ x \cos\left(\frac{y}{x}\right) + y \sin\left(\frac{y}{x}\right) \right\} y \, dx = \left\{ y \sin\left(\frac{y}{x}\right) - x \cos\left(\frac{y}{x}\right) \right\} x \, dy$ ઉકેલ મેળવો.

(13) જે રેખાઓનાં સંદર્ભ સમીકરણ $\vec{r} = (\hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}) + \lambda(\hat{i} - 3\hat{j} + 2\hat{k})$ અને

$\vec{r} = 4\hat{i} + 5\hat{j} + 6\hat{k} + \mu(2\hat{i} + 3\hat{j} + \hat{k})$ હોય, તે રેખાઓ વચ્ચેનું લઘુતમ અંતર શોધો.

(14) $x + 2y \leq 120, x + y \geq 60, x - 2y \geq 0, x, y \geq 0$ શરતોને અધીન $Z = 5x + 10y$ નું મહત્તમ તેમજ ન્યૂનતમ મૂલ્ય શોધો.

SECTION :- C

[16]

O નીચે આપેલા પ્રશ્નોના માંચા મુજબ જવાબ આપો. (4 ગુણ)

(15) ધારો કે $A = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 5 & 2 \\ 7 & 4 \end{bmatrix}$, $C = \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 3 & 8 \end{bmatrix}$. $CD - AB = O$ થાય એવો શ્રેણિક D શોધો

(16) $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \log(\sin x) dx$ નું મૂલ્ય મેળવો.

(17) $\int \left[\log(\log x) + \frac{1}{(\log x)^2} \right] dx$ મેળવો.

(18) વિકલ સમીકરણ ઉકેલો : $(\tan^{-1} y - x) dy = (1 + y^2) dx$

* Best of Luck *
